# ARKADIUSZ KLOZIŃSKI, TOMASZ STERZYŃSKI

Politechnika Poznańska Instytut Technologii i Inżynierii Chemicznej Zakład Polimerów Pl. M. Skłodowskiej-Curie 2, 60-965 Poznań e-mail: Arkadiusz.Klozinski@doctorate.put.poznan.pl

# Ocena poprawki Bagleya na podstawie pomiarów w linii wytłaczarskiej<sup>\*)</sup>

# BAGLEY CORRECTION EVALUATION ON THE BASIS OF MEASURE-MENTS IN EXTRUSION LINE

**Summary** — Bagley correction ( $e_B$ ) measurements usually are done using capillary rheometers. In this article a method of  $e_B$  value determination on the basis of the measurements done in real processing conditions is presented. Extrusion head with exchangeable dies (Fig. 3, Table 2) installed to the single-screw extruder was used as a measuring device. Two commercial grades of low-density polyethylene (PE-LD) (Table 1) were used. The peculiarity of the action of plastifying system of an extruder, far different from plastifying system of capillary rheometer, forced us to elaborate the special measuring — computational procedure allowing to evaluate  $e_B$  during the process of extrusion (Fig. 4—6). Bagley correction was determined for shear rate range from 27 s<sup>-1</sup> up to 629 s<sup>-1</sup> (Table 3). Ability of dies to be exchanged allowed estimating the effect of geometric elements of the channel on  $e_B$  value (Fig. 7—9). On the basis of velocity profiles courses (Fig. 10 and 11) the interpretation of differences in Bagley correction value, dependently on PE-LD grades and measuring dies' dimensions, has been done.

Key words: Bagley correction, measurements in extrusion line, entrance effect, velocity profile, rheological measurements.

## OGÓLNA CHARAKTERYSTYKA ZAGADNIENIA

W badaniach i ocenie przepływu polimerów stopionych w plastomerach obciążnikowych, reometrach kapilarnych oraz typowych narzędziach przetwórczych (głowice wytłaczarskie, dysze wtryskowe) rozpatruje się przede wszystkim kanały cylindryczne. Szczegółowa analiza reologiczna wymaga w tym przypadku uwzględnienia efektów końcowych występujących w rzeczywistych przepływach polimerów w stanie uplastycznionym.

Szczególne znaczenie mają efekty włotowe powodujące dodatkowy spadek ciśnienia w początkowej części dyszy (odcinku włotowym). Ten dodatkowy spadek ciśnienia jest wynikiem formowania się profilu przepływu uplastycznionego materiału polimerowego. Zjawisko to jest szeroko omawiane w literaturze [1—5], a pominięcie go prowadzi do błędnej oceny wartości naprężenia stycznego, zawyżając ją w stosunku do wartości rzeczywistej.

Wartość ciśnienia w przepływie ocenia się jako sumę spadku ciśnienia wynikającego z efektu wlotowego i z przepływu uformowanego. W rezultacie powstaje problem doświadczalnego osobnego określenia spadku ciśnienia związanego z obydwoma tymi składnikami, czyli formowaniem się profilu prędkości oraz spadkiem ciśnienia wywołanego tarciem wewnętrznym w warunkach w pełni już uformowanego profilu prędkości.

Oceniany podczas pomiarów reometrycznych, w trakcie przepływu tworzywa przez dysze długości L, spadek ciśnienia  $\Delta p_c$  stanowi sumę spadku ciśnienia podczas przepływu ustalonego  $\Delta p$  i spadku ciśnienia  $\Delta p_{w1}$  w odcinku wlotowym  $L_{w1}$  (rys. 1):

$$\Delta p_c = \Delta p + \Delta p_{w1} \tag{1}$$

Liczbę wskazującą o ile należy zwiększyć fikcyjnie stosunek L/D dyszy, aby spadek ciśnienia płynu polimerowego spowodowany zjawiskiem wlotowym zrów-

<sup>\*)</sup> Artykuł stanowi rozwinięcie wystąpienia przedstawionego w ramach IX Profesorskich Warsztatów Naukowych "Przetwórstwo tworzyw polimerowych", Szczecin—Dziwnówek, 10—12 maja 2004 r.

 $L_{wl}$ 

Rys. 1. Schemat przebiegu zmian ciśnienia wzdłuż dyszy o przekroju kołowym [1—3]: p — ciśnienie, z — współrzędna w kierunku długości dyszy,  $\Delta p_c$  — rzeczywisty spadek ciśnienia,  $\Delta p$  — teoretyczny spadek ciśnienia,  $\Delta p_{wl}$  — spadek ciśnienia na wlocie dyszy, L — długość dyszy,  $L_{wl}$  — odcinek wlotowy Fig. 1. Diagram of the course of pressure changes along the circular section die [1—3]: p — pressure, z — coordinate in die length direction,  $\Delta p_c$  — real pressure drop,  $\Delta p$  — theoretical pressure drop,  $\Delta p_{wl}$  — pressure drop at die entrance, L die length,  $L_{wl}$  — entrance section

L

noważyć spadkiem ciśnienia podczas przepływu ustalonego nazywa się poprawką Bagleya ( $e_B$ ) [2, 6—8]. Określa się ją wzorem:

$$e_B = \frac{\Delta L}{D} \tag{2}$$

Ζ

gdzie: D — średnica kanału.

Poprawkę Bagleya wyraża się bezwymiarowym stosunkiem L/D lub bezwymiarowym stosunkiem L/R, gdzie R = D/2. Graficzne objaśnienie poprawki Bagleya przedstawia rys. 2.



Rys. 2. Schemat metody Bagleya [4—6]:  $\Delta L$  — dodatkowa długość kapilary z uwzględnieniem spadku ciśnienia na odcinku wlotowym ( $\Delta L = e_B D$ ),  $L_c$  — domniemana długość kanału z uwzględnieniem spadku ciśnienia na odcinku wlotowym ( $L_c$ =  $L + \Delta L$ ), pozostałe oznaczenia jak na rys. 1

Fig. 2. Scheme of Bagley's method [4—6]:  $\Delta L$  — additional length of capillary (pressure drop at entrance section taken into consideration) ( $\Delta L = e_B D$ ),  $L_c$  — suspected length of the channel (pressure drop at entrance section taken into consideration) ( $L_c = L + \Delta L$ ), the other designations as in Fig. 1 Poprawkę Bagleya wprowadza się do równania określającego wartość naprężenia stycznego przy ściance dyszy ( $\tau_R$ ) podczas przepływu płynu polimerowego w kanale cylindrycznym [1, 3, 7—9]:

$$\tau_R = \frac{\Delta p_C \cdot R}{2 \cdot L} \tag{3}$$

Wówczas równanie (3) przybiera postać:

$$\tau_R = \frac{\Delta p_c \cdot R}{2(L + e_B R)} \tag{4}$$

Wartość  $e_B$  można wyznaczyć na podstawie pomiarów wykonanych przy użyciu dysz o różnym stosunku L/D. W odniesieniu do każdej dyszy należy określić spadek ciśnienia  $\Delta p_c$ , dający pewną stałą wartość nieskorygowanej szybkości ścinania  $\dot{\gamma}_R$ . Wykres  $\Delta p_c = f(L/D)$ powinien być linią prostą, odcinającą na osi odciętych (L/D) wartość  $(e_B)$  dla  $\Delta p_c = 0$  [1, 4, 7—10].

W praktyce do wyznaczania powyższą metodą poprawki Bagleya stosuje się reometry kapilarne [1, 2, 4, 7-11]. Wyniki uzyskiwane w pomiarach reometrycznych ekstrapoluje się wprawdzie do warunków panujących w procesach technologicznych, nie odzwierciedlają one jednak w pełni zachowania się handlowych tworzyw polimerowych w rzeczywistych warunkach przetwórstwa [12]. Badania procesu przepływu tworzyw polimerowych w kanałach narzędzi przetwórczych często prowadzi się w skali laboratoryjnej, modelowo odtwarzając warunki występujące w procesach produkcyjnych [13]. Przykłady badań procesów reologicznych i cieplnych zachodzących podczas przepływów tworzywa w kanałach przepływowych narzędzi przetwórczych (modelowa forma wtryskowa, modelowa głowica wytłaczarska) oraz prowadzonych z zastosowaniem maszyn produkcyjnych w modelowych warunkach ich działania opisano w pracach [12—17].

W niniejszym artykule przedstawiamy metodę badawczą określania wartości poprawki Bagleya na podstawie pomiarów przeprowadzonych w linii wytłaczarskiej, tzn. w trakcie trwania procesu przetwórstwa. W zastosowanej technice pomiarowej analizie poddaje się cały strumień materiału przepływający bezpośrednio przez urządzenie pomiarowe w linii technologicznej, które stanowi wytłaczarska głowica pomiarowa o specjalnej konstrukcji (por. rys. 3). Zalety tego typu pomiarów reologicznych, a także zastosowanie wytłaczarskich głowic pomiarowych przedstawia literatura [12, 17—21]. Jako materiał badawczy w ocenie wartości poprawki Bagleya podczas opisywanych obecnie pomiarów posłużyły dwa rodzaje polietylenu małej gęstości (PE-LD).

# CZĘŚĆ DOŚWIADCZALNA

# Materiał

Badania przeprowadzono przy użyciu dwóch rodzajów polietylenu małej gęstości: PE-LD o nazwie handlowej "Malen E" oznaczony symbolem FABS 23-D 022 (PKN Orlen SA) oraz PE-LD oznaczony symbolem 402L (Dow Plastics). Podstawowe właściwości zastosowanych polietylenów przedstawia tabela 1.

T a b e l a 1. Podstawowe właściwości stosowanych rodzajów PE-LD

Tab	l e	1.	Basic	properties	of PE-LD	grades used
-----	-----	----	-------	------------	----------	-------------

Właściwość	Rodzaj PE-LD			
	FABS 23-D 022	402L		
Gęstość w temp. 23 °C, kg/m <sup>3</sup>	919923	925		
MFR, g/10 min	1,8	0,8		
Granica plastyczności, MPa	12	10		
Naprężenie zrywające, MPa	14	23		
Wydłużenie przy zerwaniu, %	600	400		
Temperatura mięknienia wg Vicata, °C	96	99		

Wartości wskaźnika szybkości płynięcia (*MFR*) tych produktów określono doświadczalnie na podstawie normy PN-EN ISO 1133 (temp. 190 °C, obciążenie 2,16 kG).

#### Aparatura

Jako urządzenie pomiarowe wykorzystano wytłaczarską głowicę pomiarową (rys. 3) zamontowaną do wytłaczarki jednoślimakowej "Fairex", ze ślimakiem średnicy d = 30 mm i o stosunku l/d = 25. Konstrukcja głowicy umożliwia stosowanie wymiennych dysz o różnych stosunkach L/D. Głowicę termostatuje się za pomocą płaszcza grzejnego; bezpośrednio przed kanałem pomiarowym jest umieszczony czujnik temperatury oraz czujnik ciśnienia ("Dynisco MDT462H"). W pomiarach zastosowano dysze kołowe o wymiarach przedstawionych w tabeli 2.



Rys. 3. Schemat wytłaczarskiej głowicy pomiarowej z dyszami wymiennymi; 1 — obejma, 2 — filtr, 3 — termopara, 4 czujnik ciśnienia, 5 — dysza wymienna, 6 — pierścień mocujący

Fig. 3. Scheme of measuring head extrusion with exchangeable dies: 1 — connection clip, 2 — filter, 3 — thermocouple, 4 — pressure sensor, 5 — exchangeable die, 6 — clamping ring

Tabela 2	<ul> <li>Elementy geometryczne dysz pomiarowych</li> </ul>
Table 2.	Geometrical elements of measuring dies

Długość dyszy (L), mm	Średnica dyszy (D), mm	L/D	Średnica dyszy (D), mm	L/D
20	3	6,66	5	4
30		10		6
40		13,33		8
50		16,66		10

#### Metodyka pomiarów

W celu wyznaczenia poprawki Bagleya [1, 4, 7—10] należy w odniesieniu do każdej z dysz wyznaczyć spadek ciśnienia  $\Delta p_c$ , pozwalający na obliczenie stałej wartości nieskorygowanej szybkości ścinania na ściance dyszy  $\dot{\gamma}_R$ . Wartość  $\dot{\gamma}_R$  dotyczącą przepływu polimerów w dyszy o przekroju kołowym określa się na podstawie znanego wzoru:

$$\dot{\gamma}_R = \frac{4 \cdot \dot{Q}}{\pi \cdot R^3} \tag{5}$$

gdzie: Q — objętościowe natężenie przepływu, R — promień dyszy.

W przypadku stosowania dysz pomiarowych o stałej wartości średnicy D i zmiennej długości L, stałemu objętościowemu natężeniu przepływu Q = const. odpowiada nieskorygowana szybkość ścinania  $\dot{\gamma}_R = const.$  W odniesieniu do obu rodzajów polietylenu określiliśmy zależność  $\Delta p_c = f(\dot{Q})$  podczas przepływu przez dysze o elementach geometrycznych przedstawionych w tabeli 2. Objętościowe natężenie przepływu wyznaczano pośrednio, poprzez pomiar masowego natężenia przepływu (M) z uwzględnieniem gęstości badanego polimeru. Wymienione powyżej pomiary  $\Delta p_c$  oraz  $\dot{M}$  prowadzono w określonych warunkach przetwórczych: stała temperatura głowicy 170 °C, zmienna szybkość obrotowa ślimaka v. Masowe natężenie przepływu wyznaczano na drodze bezpośredniego pobierania próbek co 30 s w warunkach określonej szybkości obrotowej ślimaka. Wszystkie wartości wykorzystane do obliczeń są średnimi z 5 pomiarów.

# Określanie stałości objętościowego natężenia przepływu

Na rysunku 4 przedstawiono odnoszące się do PE-LD FABS 23-D 022 krzywe zależności  $\dot{Q} = f(v)$  wyznaczone w przypadku dysz o D = 3 mm i L = 20, 30, 40 oraz 50 mm. Na wykresie widoczne są różnice  $\dot{Q}$  dotyczące poszczególnych dysz wyznaczone w warunkach takiej samej wartości v, przy czym obserwacja ta dotyczy zwłaszcza obszaru większych wartości v. Różnicom objętościowego natężenia przepływu  $\dot{Q}$  w warunkach szybkości obrotowej ślimaka v = *const.* towarzyszą zróżnicowane wartości całkowitego ciśnienia tworzywa ( $\Delta p_c$ ) mierzonego w obrębie kanału wlotowego dyszy pomiarowej, wynikające z różnic w długości kanału dysz (rys. 5).



Rys. 4. Wykres zależności objętościowego natężenia przepływu ( $\dot{Q}$ ) w funkcji szybkości obrotowej ślimaka (v) w przypadku PE-LD FABS 23-D 022, przy użyciu dysz o wartościach D = 3 mm i L (w mm) 20 (1), 30 (2), 40 (3), 50 (4)

Fig. 4. Plot of volume rate flow ( $\dot{Q}$ ) versus rotation speed screw ( $\nu$ ) for PE-LD FABS 23-D 022, using dies of D = 3 mm and L equal to (in mm) 20 (1), 30 (2), 40 (3), 50 (4)



Rys. 5. Wykres zależności spadku całkowitego ciśnienia ( $\Delta p_c$ ) mierzonego w obrębie kanału wlotowego od szybkości obrotowej ślimaka (v) w przypadku PE-LD FABS 23-D 022, przy użyciu dysz o wartościach D = 3 mm i L (w mm) 20 (1), 30 (2), 40 (3), 50 (4)

Fig. 5. Plot of total pressure drop ( $\Delta p_c$ ), measured at entrance channel area, versus rotation speed screw (v) for PE-LD FABS 23-D 022, using dies of D = 3 mm and L equal to (in mm) 20 (1), 30 (2), 40 (3), 50 (4)

# Procedura pomiarowo-obliczeniowa

Zmienność objętościowego natężenia przepływu omawianych polimerów, badanych z zastosowaniem dysz o stałej średnicy lecz zmiennej długości, wywołujących zmiany ciśnienia w warunkach stałych wartości v, jest efektem specyfiki działania układu uplastyczniania wytłaczarki jednoślimakowej. Dotyczy to w szczegól-



Rys. 6. Przykład wykresu zależności  $\Delta p_c = f(\dot{Q})$  i odpowiedniego równania regresji wielomianowej (PE-LD 402L, dysza L = 30 mm i D = 3 mm) — por. tekst

Fig. 6. Example of the plot of  $\Delta p_c = f(\dot{Q})$  dependence and appropriate equation of multinomial regression (PE-LD 402L, die: L = 30 mm and D = 3 mm) — see text

ności zmiennych wartości przepływu ciśnieniowego zmniejszającego natężenie przepływu w przypadku wzrostu ciśnienia na końcu strefy dozowania [22]. Różnica występująca między sposobem uplastyczniania polimeru i wymuszaniem jego przepływu w układzie uplastyczniającym wytłaczarki oraz w reometrze kapilarnym spowodowała konieczność opracowania odpowiedniej procedury pomiarowo-obliczeniowej, umożliwiającej wyznaczenie spadków ciśnienia  $\Delta p_c$ , dających pewną stałą wartość nieskorygowanej szybkości ścinania  $\dot{\gamma}_{R}$ .

W celu wyznaczenia wartości  $e_B$  na podstawie pomiarów w linii wytłaczarskiej zastosowaliśmy następującą procedurę:

I Określenie masowego natężenia przepływu ( $\dot{M}$ ) w funkcji szybkości obrotowej ślimaka wytłaczarki (v):  $\dot{M} = f(v)$ .

II Wyznaczenie wykresu zależności spadku ciśnienia w funkcji objętościowego natężenia przepływu:  $\Delta p_c = f(\dot{Q})$ .

III Wyznaczenie równania  $\Delta p_c = f(\dot{Q})$  na podstawie regresji wielomianowej (przykład na rys. 6).

IV Określenie wartości spadku  $\Delta p_c$  dla stałych wartości  $\dot{Q}$ .

V Wyznaczenie zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$ .

Przeprowadzone w powyższy sposób pomiary oraz obliczenia pozwoliły na określenie poprawki Bagleya w trakcie procesu wytłaczania, w warunkach pewnych stałych wartości szybkości ścinania zdefiniowanych równaniem (5).

#### WYNIKI

Przeprowadzenie pomiarów w zakresie szybkości obrotowej ślimaka v w przedziale  $0,17-0,76 \text{ s}^{-1}$  stwo-

rzyło możliwość badań reologicznych w szerokim zakresie szybkości ścinania  $\dot{\gamma}_{R}$  oraz naprężeń ścinających  $\tau_R$ . W warunkach określonej wartości szybkości ścinania w procesie wytłaczania dwóch zastosowanych przez nas rodzajów PE-LD uzyskiwaliśmy różne wartości naprężeń ścinających. Różnice te obrazuje rys. 7 przedstawiający krzywe zależności  $\tau_R = f(\dot{\gamma}_R)$  w przypadku użycia dysz średnicy D = 3 mm i zmiennej długości L. Większe wartości  $\tau_R$  występują w wytłaczaniu PE-LD 402L charakteryzującego się większą gęstością oraz mniejszą wartością MFR (por. tabela 1). Przebieg krzywych na rys. 7 wskazuje na bezpośredni wpływ stosowanych elementów geometrycznych kanału dyszy na wartość naprężeń ścinających. W przypadku obu polimerów zmniejszenie wartości stosunku L/D (czyli zmniejszenie długości dyszy) pociąga za sobą wzrost naprężeń ścinających. Takie same zależności, jednak odnoszące się do mniejszych wartości  $\tau_R$  oraz  $\dot{\gamma}_R$ , uzyskaliśmy stosując dysze średnicy D = 5 mm. Podczas wszystkich pomiarów obserwowaliśmy monotoniczność przebiegu krzywych  $\tau_R = f(\dot{\gamma}_R)$ .



Rys. 7. Wykres zależności naprężeń scinających ( $\tau_R$ ) od nieskorygowanej szybkości ścinania ( $\dot{\gamma}_R$ ); PE-LD FABS 23-D 022 i 402L, dysze o różnym stosunku L/D

Fig. 7. Plot of shear stress ( $\tau_R$ ) versus uncorrected shear rate ( $\dot{\gamma}_R$ ). PE-LD FABS 23-D 022 and 402L, dies of different L/D ratio

Zastosowanie dysz pomiarowych średnicy D = 3 lub 5 mm pozwoliło na wyznaczenie wartości poprawki Bagleya w dwóch przedziałach szybkości ścinania. Tak więc przy użyciu dysz średnicy D = 3 mm wartości  $\dot{\gamma}_R$ mieściły się w przedziałe od ok. 63 do ok. 630 s<sup>-1</sup>, natomiast przy użyciu dysz średnicy D = 5 mm przedział ten wynosił od ok. 14 do ok. 136 s<sup>-1</sup>.

Wartości poprawki Bagleya odczytywaliśmy z wykresów zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$  w odniesieniu do określonych wartości szybkości ścinania wybranych z powyżej wymienionych przedziałów. Przykłady uzyskanych wykresów przedstawiono na rys. 8 i 9. Rysunek 8 obra-



Rys. 8. Wykresy zależności sumarycznego spadku ciśnienia  $(\Delta p_c)$  od stosunku L/D (PE-LD FABS 23-D 022, dysze D = 3 mm; wartości nieskorygowanej szybkości ścinania ( $\dot{\gamma}_R w s^{-1}$ ): 1 — 126, 2 — 252, 3 — 377, 4 — 503, 5 — 629

Fig. 8. Plots of total pressure drop ( $\Delta p_c$ ) versus L/D ratio (PE-LD FABS 23-D 022, dies of D = 3 mm). Values of uncorrected shear rate ( $\dot{\gamma}_R$  in s<sup>-1</sup>): 1 — 126, 2 — 252, 3 — 377, 4 — 503, 5 — 629



Rys. 9. Wykres zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$  (PE-LD 402L, dysze D = 5 mm); wartości nieskorygowanej szybkości ścinania ( $\dot{\gamma}_R w s^{-1}$ ): 1 — 27, 2 — 54, 3 — 82, 4 — 109, 5 — 136 Fig. 9. Plot of  $\Delta p_c = f(L/D)$  dependence (PE-LD 402 L, dies of D = 5 mm). Values of uncorrected shear rate ( $\dot{\gamma}_R$  in s<sup>-1</sup>): 1 — 27, 2 — 54, 3 — 82, 4 — 109, 5 — 136

zuje przebieg zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$  odnoszącej się do dysz o D = 3 mm i PE-LD FABS 23-D 022, natomiast rys. 9 przedstawia odpowiednie zależności otrzymane z zastosowaniem dysz o D = 5 mm i PE-LD 402L; uzyskiwaliśmy więc prostoliniowe przebiegi zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$ .

Wartości poprawek Bagleya wyznaczone w odniesieniu do obu rodzajów PE-LD z zastosowaniem dysz o D = 3 mm i 5 mm, w warunkach różnych szybkości ścinania, zawiera tabela 3. Przedstawione w tej tabeli wartości współczynników regresji R, charakteryzujące prostoliniowy przebieg zależności  $\Delta p_c = f(L/D)$ , są bardzo duże.

Nieskorygowan <b>a</b>	Średnica dyszy D = 3 mm				
szybkość ścinania	PE-L	D FABS 23-D 022	PE-LD 402L		
$\dot{\gamma}_R, s^{-1}$	ев	wsp. regresji (R)	ев	wsp. regresji (R)	
126	1,90	0,9994	1,51	0,9999	
252	2,08	1	1,96	1	
377	2,37	0,9995	2,30	1	
503	2,77	1	2,60	1	
629	3,36	0, <del>99</del>	2,90	1	
		Średnica dys	zy D =	5 mm	
27	0,60	0,9662	0,91	0,9894	
54	0,81	0,9999	1,02	0,9961	
82	1,14	0,9995	1,13	0,9956	
109	1,60	0,9981	1,26	0,9887	
136	2,27	0,99 <b>3</b> 6	1,42	0,9685	

Т	a	b	e	1	a	3.	Wartości poprawki Bagleya (eB
Т	a	b	1	e	3	. \	Values of Bagley correction (eB)

Analiza wykresów  $\Delta p_c = f(L/D)$  oraz wartości  $e_B$  pozwalają na wysunięcie następujących wniosków:

— Wraz ze zwiększaniem nieskorygowanej szybkości ścinania  $\dot{\gamma}_R$  [zatem objętościowego natężenia przepływu  $\dot{Q}$ , co wynika z równania (5)], rośnie wartość poprawki Bagleya  $e_B$ .

— W warunkach takiej samej wartości objętościowego natężenia przepływu  $\dot{Q}$  znacznie większe wartości  $e_B$ występują w przypadku dyszy średnicy 3 mm, niż dyszy o D = 5 mm.

 W procesie wytłaczania PE-LD o mniejszej gęstości i większej wartości MFR (FABS 23-D 022) wartości e<sub>B</sub> są większe.

#### PRÓBA INTERPRETACJI WYNIKÓW

Wzrost wartości *e*<sup>B</sup> obserwowany w przypadku zwiększenia wydatku objętościowego jest wynikiem wyższego ciśnienia u wejścia do kanału dyszy. Można to wyjaśnić zwiększaniem poziomu strat ciśnienia w odcinku wlotowym dyszy, powstających podczas formowania profilu rozkładu prędkości przepływu.

Zróżnicowanie przebiegu rozkładu prędkości przepływu może stanowić wytłumaczenie wspomnianego już występowania większych wartości  $e_B$  w przypadku dysz o mniejszych średnicach, a więc wówczas gdy obserwuje się większe straty ciśnienia w odcinku włotowym. W myśl znanych teorii [1—4], spadek wartości ciśnienia w początkowej części kapilary reometru (w tzw. odcinku włotowym) jest efektem formowania się profilu rozkładu prędkości przepływu uplastycznionego materiału polimerowego. Kształt profili rozkładu prędkości wyznaczyliśmy z wykorzystaniem równania (6) [23], z założeniem modelu potęgowego Ostwaldade Waele:

$$v_{z} = \frac{3n+1}{n+1} V \left[ 1 - \left(\frac{r}{R}\right)^{\left(1+\frac{1}{n}\right)} \right]$$
(6)

gdzie:  $v_z$  — rozkład prędkości w kierunku przepływu, n wykładnik płynięcia, V — średnia prędkość przepływu (V =  $\dot{Q}/\pi R^2$ ), r — zmienna wartość R w kierunku od środka kanału ku jego ściankom.

Próbę interpretacji uzyskanych wartości poprawki Bagleya na podstawie przebiegów profili rozkładu prędkości przepływu (wyznaczonych w odniesieniu do objętościowego natężenia przepływu) przedstawiają rys. 10 i 11.

Rysunek 10 ilustruje przebiegi profili rozkładu prędkości polietylenu FABS 23-D 022 uzyskane podczas przepływu przez dysze średnicy D = 5 mm (profil I) oraz



Rys. 10. Przebieg profili rozkładu prędkości przepływu ( $v_z$ ) PE-LD FABS 23-D 022 w warunkach  $\dot{Q} = 8,33 \cdot 10^{-7} m^3/s$ podczas przepływu przez dysze L = 20 mm i D = 5 mm (profil I) oraz L = 20 mm i D = 3 mm (profil II); n — wykładnik płynięcia w równaniu (6), η — lepkość dynamiczna polimeru (wyznaczona doświadczalnie z zależności η =  $\tau_R/\dot{\gamma}_R$ )

Fig. 10. Courses of the profiles of velocity distribution  $(v_z)$  of PE-LD FABS 23-D 022 at  $\dot{Q} = 8.33 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3/\text{s}$  during the flow through the die of L = 20 mm and D = 5 mm (profile I) or one of L = 20 mm and D = 3 mm (profile II); n — exponent of flow in equation (6),  $\eta$  — dynamic viscosity of a polymer (determined experimentally from the dependence  $\eta = \tau_R/\dot{\gamma}_R$ )

podczas przepływu przez dysze średnicy D = 3 mm(profil II) w warunkach stałości  $\dot{Q}$ . W przypadku przepływu przez dysze mniejszej średnicy widoczne jest wyraźne wydłużenie profilu w kierunku przepływu (profil II) — polimer przepływa tu z większą prędkością średnią.

Z przebiegu profili prędkości wyznaczonych teoretycznie w odniesieniu do znanych objętościowych natężeń przepływu oraz spadków ciśnień w wyniku ich formowania można wnioskować, iż straty ciśnienia będą większe w przypadku formowania się profilu II, co wynika z dłuższej drogi potrzebnej do uzyskania profilu uformowanego. Potwierdzeniem tego są wartości poprawki Bagleya uzyskane podczas obu przepływów. W przypadku profilu I  $e_B = 1,44$ , profilowi II odpowiada



Rys. 11. Przebieg profili rozkładu prędkości przepływu PE-LD 402L (profil III) oraz FABS 23-D 022 (profil IV) w warunkach  $\dot{Q} = 8,33 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3$ /s podczas przepływu przez dysze L = 20 mm i D = 3 mm; znaczenia n oraz  $\eta$  jak na rys. 10 Fig. 11. Courses of the profiles of velocity distribution ( $v_z$ ) of PE-LD 402L (profile III) and FABS 23-D 022 (profile IV) at  $\dot{Q} = 8.33 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3$ /s during the flow through the dies of L = 20 mm and D = 3 mm; n and  $\eta$  meanings as in Fig. 10

wartość  $e_B = 2,37$  (tabela 3). Różnice kształtu profili rozkładu prędkości są wynikiem nie tylko występowania różnych elementów geometrycznych kanałów dysz, lecz także różnic w wartości wykładnika płynięcia *n* stanowiącego składową wielkość w równaniu (6). Poza tym każdemu z profili, czyli różnym wartościom poprawki Bagleya, odpowiada różna lepkość dynamiczna polimeru (η). Większe wartości  $e_B$  uzyskuje się podczas przepływu polietylenu o mniejszej lepkości (profil II).

Rysunek 11 ilustruje przebiegi profili rozkładu prędkości podczas przepływu przez dyszę długości L = 20mm i średnicy D = 3 mm w warunkach  $\dot{Q} = const.$ dwóch zastosowanych przez nas rodzajów PE-LD. Czoło profilu IV prędkości FABS jest przesunięte w stronę większych prędkości; podobnie jak w poprzednim przypadku, uformowanie profilu wymaga dłuższej drogi, czyli większych strat ciśnienia, co w efekcie przekłada się na większe wartości poprawki Bagleya. Ponieważ jednak lepkość dynamiczna PE-LD FABS 23-D 022 jest mniejsza od lepkości polietylenu 402L jedynie o 100 Pa · s, różnice wartości poprawki  $e_B$ są małe (wartości  $e_B$  odpowiednio 2,37 i 2,30), a profile rozkładu prędkości zróżnicowane nieznacznie — tylko w obrębie osi dyszy (por. rys. 11).

Przebiegi i kształt profili prędkości przepływu mogą stanowić pomoc w interpretacji wyników badań i uzasadnieniu przedstawionych wniosków dotyczących poprawki Bagleya. Należy jednak pamiętać, że rozpatrywanie zagadnienia poprawki Bagleya w kontekście przebiegu profili prędkości wymaga uwzględnienia wzajemnego powiązania wielkości reologicznych (np. lepkości dynamicznej i wykładnika płynięcia *n*) z elementami geometrycznymi kanału dysz pomiarowych.

### PODSUMOWANIE

Przeprowadzone przez nas badania oceny poprawki Bagleya na podstawie pomiarów w linii wytłaczarskiej pozwalają na sformułowanie następujących stwierdzeń:

— Przedstawiona metoda pomiarowa umożliwia wyznaczenie poprawki Bagleya w rzeczywistych warunkach technologicznych. Pomiary w pełni odzwierciedlają zachowanie się wybranych handlowych rodzajów polietylenów w procesach przetwórczych, w odróżnieniu od pomiarów prowadzonych za pomocą reometrów kapilarnych.

— Oceniając spadki ciśnienia  $\Delta p_c$  pomierzone w linii wytłaczarskiej, należy wprowadzić procedury obliczeniowe w celu wyznaczenia stałych wartości nieskorygowanej szybkości ścinania  $\dot{\gamma}_R$  stanowiących warunek określenia poprawki Bagleya.

— Umożliwiająca wymienność dysz budowa wytłaczarskiej głowicy pomiarowej pozwala na przedstawienie wpływu elementów geometrycznych kanału na wartość poprawki Bagleya.

 Różnice podstawowych właściwości (gęstość, MFR) badanych rodzajów PE-LD bezpośrednio przekładają się na zróżnicowanie uzyskanych wartości poprawki Bagleya.

— Wyznaczone na podstawie teoretycznej przebiegi profili rozkładu prędkości przepływu, charakteryzujące pod względem reologicznym stosowane tworzywa, pozwalają na interpretację różnic zaobserwowanych w wartościach poprawki Bagleya. Może to stanowić pomoc w pełniejszym zrozumieniu zjawisk zachodzących w rzeczywistych warunkach wytłaczania, jak również w ocenie korelacji pomiędzy tymi warunkami, a strukturą i właściwościami wytworów.

Praca wykonana w ramach grantu KBN 3 T08E 053 26.

# LITERATURA

- 1. Wilczyński K.: "Reologia w przetwórstwie tworzyw sztucznych", WNT, Warszawa 2001, str. 115—121.
- Sikora R.: "Podstawy przetwórstwa tworzyw polimerowych", Wydawnictwo Uczelniane Politechniki Lubelskiej, Lublin 1992, str. 225–231.
- Szlezyngier W.: "Podstawy reologii polimerów", Politechnika Rzeszowska 1994, str. 60—69.
- Ferguson J., Kemblowski Z.: "Reologia stosowana płynów", wyd. Marcus, Łódź 1995, str. 53—65.
- Kembłowski Z.: "Reometria płynów nienewtonowskich", WNT, Warszawa 1973, str. 85—94.
- 6. Sikora R.: "Leksykon naukowo-techniczny", wyd. Wadim Plast Sp. j., Lublin 2002, str. 116.
- Birley A. W., Haworth B., Batchelor J.: "Physics of Plastics — Processing, Properties and Material Engineering", Hanser Publishers, Monachium—Wiedeń—Nowy Jork—Barcelona 1992, str. 71—74.

- Dealy J. M., Saucier P. C.: "Rheology in Plastics Quality Control", Hanser Publishers, Monachium 2000, str. 71—75.
- Sombatsompop N., Intawong N.-T.: Polym. Test. 2001, 20, 97.
- White J. L.: "Principles of Polymer Engineering Rheology", John Wiley & Sons, Inc., Kanada 1990, str. 105—111.
- 11. Michaeli W.: "Extrusions-Werkzeuge für Kunststoffe und Kautschuk", Hanser Verlag, Monachium 1991, str. 36—38.
- 12. Kloziński A., Sterzyński T.: "Wyznaczanie poprawki Bagleya na podstawie pomiarów w linii wytlaczarskiej" w "Przetwórstwo tworzyw polimerowych", IX Profesorskie Warsztaty Naukowe, Szczecin— Dziwnówek 2004., Wydawnictwo Politechniki Szczecińskiej, Szczecin 2004.
- 13. Sikora R., Bociąga E.: Polimery 2003, 48, 753.
- 14. Sikora R., Bociąga E.: Polimery 2003, 48, 100.
- 15. Sikora R., Bociąga E.: Polimery 2004, 49, 36.
- 16. Banasiak A., Sterzyński T.: Polimery 2004, 49, 442.
- Coates P. D., Chohan R. K., Groves D., Speight R. G., Rose R. M., Woodhead M.: "In-line rheometry in extrusion and injection moulding processing", Polymer Processing Society IX Annual Meeting Manchester, 5—8 kwietnia 1993 r.

- Sterzyński T., Romankiewicz A.: "Pomiary reologiczne w linii wytłaczarskiej" w "Materiały polimerowe i ich przetwórstwo" (red. Koszkul J.), Wydawnictwo Politechniki Częstochowskiej, Częstochowa 2000.
- Kloziński A., Kruszelnicka I., Sterzyński T.: "Pomiary właściwości reologicznych <<in line>> w linii wytłaczarskiej" w "Postęp w przetwórstwie materiałów polimerowych" (red. Koszkul J.), Wydawnictwo Politechniki Częstochowskiej, Częstochowa 2002.
- Kloziński A., Kruszelnicka I., Sterzyński T.: "Wizualizacyjna ocena rozszerzenia strugi" w "Przetwórstwo tworzyw polimerowych", VII Profesorskie Warsztaty Naukowe, Puszczykowo 2002, Wydawnictwo Politechniki Poznańskiej, Poznań 2002.
- Kloziński A., Sterzyński T.: "The estimation of the extrude swell by a visualization technique" w "Technomer 2003 — 18. Fachtagung über Verarbeitung und Anwendung von Polymeren", wyd. Institut für Print- und Medientechnik Technische Universität Chemnitz 2003.
- Sikora R.: "Przetwórstwo tworzyw wielkocząsteczkowych", Wydawnictwo Edukacyjne, Warszawa 1993, str. 33—58.
- Agassant J.-F. i in.: "Polymer Processing Principles and Modeling", Hanser Publishers, 1991, str. 34—36.